# 法政大学学術機関リポジトリ

## HOSEI UNIVERSITY REPOSITORY

PDF issue: 2025-07-07

## 機能モデルによる直流モータと遊星歯車の運 動解析

小村, 建人 / OMURA, Kento

(出版者 / Publisher) 法政大学大学院理工学・工学研究科

(雑誌名 / Journal or Publication Title)

法政大学大学院紀要.理工学・工学研究科編 / 法政大学大学院紀要.理工学・工 学研究科編

(巻 / Volume)
57
(開始ページ / Start Page)
1
(終了ページ / End Page)
8
(発行年 / Year)
2016-03-24
(URL)
https://doi.org/10.15002/00012930

## 機能モデルによる直流モータと遊星歯車の運動解析

DYNAMIC ANALYSIS OF DC MOTOR AND PLANETARY GEAR BY FUNCTIONAL MODEL

### 小村建人

## Kento OMURA 指導教員 御法川学

#### 法政大学大学院理工学研究科機械工学専攻修士課程

As shortened development period has been recently requested to every companies, the simulation models of each project are usually used for this purpose. However, actual models such as automobile and aircraft require new modeling method exceeding mechanic and electric fields, which is too large to make a full modeling by the conventional method. This new method can make same modeling between mechanical and electrical systems by equally dealing with force and current as intensive quantity, velocity and voltage as extensive quantity. Moreover, the simultaneous modeling with an electrical and mechanical properties is conducted and compared with experimental data. As a result, it is found that the simulated angular velocity is nearly equal to the value obtained by the experiment, excluding transient response. The frequency of the angular velocity fluctuation of the experiment and simulation value were equal by FFT analysis. Also, a planetary gear was modeled and it was combined with a model of motor. Both input and output, the simulated angular velocity is nearly equal to the value obtained by the experiment. However, there are some problems in transient response.

Key Words: Functional Model, Modeling, Motor, Simulation

#### 1. 諸言

近年.ものづくりにおいて設計と生産は切っても切れな い関係にある.ものづくりの規模が小さく,複雑ではなか った時代には設計と生産は一体化していた. このような 時代において、ものづくりの良否は技術者の能力に大き く影響していた. その後, 大量生産技術の向上や設計手法 である CAD/CAE の普及により,ものづくりも大きく変 化し,設計の効率化,開発期間の短縮などの効果をもたら した.一方で、改良設計では CAD/CAE による構造を起点 にしたものづくりが適しているが,新規で設計する場合, 価値・機能を起点とし、この結果を構造に反映する必要が ある.しかしながら,価値・機能を起点において設計する 場合,現状の CAD/CAE を適用することができない. そこ で、価値・機能を起点とした設計の枠組みを 1DCAE と呼 び、開発が行われている.日本のものづくりは与えられた 仕様に沿って要素製品を作ることには長けているがこれ だけでは今後のものづくりには不十分である. 必要なこ とは、デザイン思考を設計に取り込むことである、そこで、 日本の特質を生かし、設計の上流から下流まで通して適 用可能で, 革新的なものづくりを実現すために 1DCAE が 提案された. 1D は一次元を意味しているわけではなく, 見易くシンプルに表現することを意味している.

1DCAEの考え方を具現化してくれる一つのツールとし て物理モデルシミュレーションが有力である。物理モデ ルシミュレーションとは、形状などは考えず、質量、ばね 定数といった独立した情報だけで解析することである. ただ、現状の物理シミュレーションツールはすべての物 理現象を扱うことが困難であり、改良もしくは別の全く 違うコンセプトのツールが要求される(9). これらの問題お よび要件を解決するツールとして角田博士らによって 「機能モデル」が提案された.一般に機械は、エネルギー の変換・移動により機能し使命を果たす. 瞬時エネルギー は、電気系では電圧 V と電流 I の積からなる電力、機械 系では速度vとカfの積あるいは角速度 $\omega$ とトルクTの 積からなる動力の形をとる.機能モデルにおける物理機 能線図では、モデルの入出力を、瞬時エネルギーを用いて 標準化することにより,専門物理領域を越えてモデルを 接続・分離・展開・統合・分解できる(1~6).

そこで本研究は、機械システムの基幹部品である直流 モータと遊星歯車を対象とし、機能モデルを作成し、運動 解析を行う.さらに、実験を行い開発モデルの有効性を検 証する.この手法では、エネルギー原理に従い、微分方程 式と表裏のモデル化を異分野と統合して行うことができ る.

## 2. 機能モデル

## 2.1 機能モデルの特徴

・電気・機械・流体・熱力学のエネルギー法則に従い機 能を表現する物理モデルを作成する.

・ブロック線図を模した物理機能線図を用い,対象の機 能構成を視覚的に理解し易くしている.図1に記号の 一例を示す.

・エネルギーの流れを基本とし、機械と電気等の分野を 超えてモデル化可能である.

#### 2.2 機能モデルの例

図 2 は、一質量減衰系の力学モデルであり強制加振力  $f_2$ が質量Mに作用して速度 $v_2$ を生じ、支持部に強制速度 $v_1$ が作用して力 $f_1$ が生じるとする. 質量Mの変位を $x_2$ 、支持 部の変位を $x_1$ とすればこの力学モデルの動きは式(1)で 表せる.これを機能モデルで表現すると図3となる.図3 と式(1)は表裏の関係にあり、図3から式(1)が自動生 成される.

## 3. 直流モータのモデル化

#### 3.1 直流モータ単体

図4にモータの機械・電気系の変換を示す.変換係数 であるモータ定数Mを用いることで、電流IがトルクT、 角速度ωが電圧Vに変換される電気系と機械系の結合モ デルを作成した.機械系と電気系それぞれの上下線の単 位を乗算すると、(電圧×電流)、(角速度×トルク)は どちらも瞬時エネルギー[W]となる.

図 5 は、制御系を持たない永久磁石型直流モータの解 析モデルである.同図は、左側電源部が電源電圧 $E_0$ 、電源 内部の抵抗 $R_{bat}$ により構成され、中央の直流モータ部は、 電機子に巻かれたコイルによる巻線抵抗 $R_m$ ・自己インダ クタンスL、また右側動力負荷部がモータの慣性モーメン トJ・モータ内部の粘性抵抗 $C_m$ ・モータシャフトに取り付 けられた負荷による外部抵抗負荷 $C_{load}$ でそれぞれ構成さ れる.

図 6 は図 5 を機能モデル化したものである.また,モ ータの状態方程式は式(2)となる.Mはモータ定数, $I_n$ はモータ巻線に流れる電流, $\omega_n$ はモータの角速度, $v_b$ は 端子間電圧である.

#### 3.2 トルク変動を考慮したモータの機能モデル

モータのトルクは、ロータの回転角度により変動して いる.そこで、ロータの角速度からロータの回転角度を導 きだし、サイン成分とコサイン成分に分け電気系に代入 した.そして、トルク変動の要因であるコサイン成分を有 効成分として考え、さらに3スロットモータなので位相 +120°、-120°のスロットを追加しモデルを作成した.

#### 3.3 トルク変動を再現するモータの機能モデル

3.2 のモデルでは、トルク変動自体を表現することは できたが、実験と比較して変動振幅に大幅な相違が見ら れた.そこで、実際の発生トルク値からロータの回転角度 を導き、サイン成分とコサイン成分に分け電気系に代入 した. そして, トルク変動の要因であるコサイン成分を有 効成分として考え, トルク変動を表現した. また, 変動振 幅の大きさは磁気的要因であることから単振動の理論と ロータの回転角度を利用し値を導き, その値を磁気的要 素を持つモータ定数に乗算し, 変動振幅を表現した.



Fig.1 Main symbols for functional model



Fig.2 Single degree of freedom system

$$\begin{cases} M\ddot{x}_{2} + C(\dot{x}_{2} - \dot{x}_{1}) + K(x_{2} - x_{1}) = f_{2} \\ v_{2} = \dot{x}_{2} \\ v_{1} = \dot{x}_{1} \\ f_{1} = C(\dot{x}_{2} - \dot{x}_{1}) + K(x_{2} - x_{1}) \end{cases}$$
(1)



Fig.3 Single degree of freedom system by functional model

# 実験結果とシミュレーション結果の比較 1 実験方法とシミュレーション方法

図 7 に実験装置を示す.実験対象はマブチモータ社製の RS-540SH-6527 (2 極 3 スロットのブラシ付き直流 モータ).表1にモータの特性値を示す.モータと遊星 歯車をアルミ製の台に固定し,カップリングを用いてロ ータリーエンコーダ(一周 2000 パルス)とトルクコント ローラーを接続した.直流電源により電圧をモータに印 加し駆動させ,ロータリーエンコーダの信号を測定装置 の PXI で計測し LabVIEW を用いて処理した.

シミュレーションには、機能モデリングソフトウェア である CATEC 社の VT2000 modeler を使用した.

#### 4.2 直流モータ単体

実機による実験値と機能モデルによる計算値を比較した.また、シミュレーションには表2を用いた.図8に 角速度を示す.横軸は時間、縦軸は角速度を表す.角速度 は立ち上がりを含め良く一致した.図9に実験値のFFT 解析のグラフを示す.横軸は周波数、縦軸は角速度振幅を 表す.FFT解析より、計算で考慮していないトルク変動 が実験結果に生じていることが分かった.

## 4.3 トルク変動を考慮したモータの機能モデル

実機による実験値と機能モデルによるトルク変動を考 慮した計算値を比較した.また,シミュレーションには表 3を用いた.図10(a)(b)(c)にそれぞれ負荷トルク0[N・ m],0.005[N・m],0.01[N・m]における角速度のグラフ を示す.いずれも横軸は時間,縦軸は角速度を表す.角速 度は立ち上がりを含め良く一致した.また,図10(a)(b)(c) の定常域に関してFFT解析を行った.図11(a)(b)にそれ ぞれシミュレーション値,実験値のグラフを示す.いずれ も横軸は周波数,縦軸は角速度振幅を表す.FFT解析よ り、実験値と計算値で角速度振幅に大幅の誤差が見られ た.



Fig.4 Conversion to mechanical system from the electrical system of the motor

![](_page_3_Figure_10.jpeg)

Fig.5 Analysis model of the DC motor

![](_page_3_Figure_12.jpeg)

Fig.6 Function model of the DC motor

$$\begin{cases} 0 = -L\frac{dI_n}{dt} - R_m I_n - M\omega_n + V_b \\ 0 = -J\frac{d\omega_n}{dt} + MI_n - (C_m + C_{load})\omega_n \end{cases}$$
(2)

![](_page_3_Picture_15.jpeg)

Fig.7 Experimental equipment

Table 1	Characteristic	values
---------	----------------	--------

Symbol	Unit	Value
$E_0$	V	2.5
R <sub>bat</sub>	Ω	0
L	Н	$8.97 \times 10^{-5}$
$R_m$	Ω	0.4
М	N · m/A	$4.01 \times 10^{-3}$

Table 2 Characteristic values
-------------------------------

Symbol	Unit	Value
J	$\mathrm{kg}\cdot m^2$	$6.0 \times 10^{-6}$
$C_m$	N · m/(rad/s)	$1.33 \times 10^{-5}$
C <sub>load</sub>	N·m	0

![](_page_4_Figure_0.jpeg)

Fig.8 Angular velocity of DC motor for comparing numercal simulation results with experimental results. The numercal simulation results and experimental results are solid (red) (blue) curves by small arrows in the figure, respectivery.

![](_page_4_Figure_2.jpeg)

Fig.9 FFT analysis for comparing numercal simulation results with experimental results. The numercal simulation results and experimental results are solid (red) (blue) curves in the figure, respectivery.

Symbol	Unit	Value
J(Load=0 [Nm])		$9.3 \times 10^{-6}$
J(Load=0.005 [Nm])	$kg \cdot m^2$	$3.0 \times 10^{-4}$
J(Load=0.01 [Nm])		$3.9  imes 10^{-4}$
$C_m$ (Load=0 [Nm])		$6.1  imes 10^{-4}$
C <sub>m</sub> (Load=0.005 [Nm])	N · m/(rad/s)	$8.6 \times 10^{-4}$
$C_m$ (Load=0.01 [Nm])		$1.1 \times 10^{-3}$
		0
$C_{load}$	N·m	0.005
		0.01

![](_page_4_Figure_6.jpeg)

(a) Load: 0 [N · m]

![](_page_4_Figure_8.jpeg)

(b) Load: 0.005 [N · m]

![](_page_4_Figure_10.jpeg)

(c) Load: 0.01 [N · m]

Fig.10 Angular velocity of DC motor for comparing numercal simulation results with experimental results. The numercal simulation results and experimental results are solid (red) (blue) curves by small arrows in the figure, respectivery.

![](_page_5_Figure_0.jpeg)

![](_page_5_Figure_1.jpeg)

Fig.11 FFT analysis for comparing numercal simulation results with experimental results.

Table 4 Characteristic values		
Symbol	Unit	Value
J(Load=0 [Nm])		$9.3 \times 10^{-6}$
J(Load=0.005 [Nm])	$kg \cdot m^2$	$2.5 \times 10^{-5}$
J(Load=0.01 [Nm])		$2.7 \times 10^{-5}$
$C_m$ (Load=0 [Nm])		$6.0 \times 10^{-5}$
$C_m$ (Load=0.005 [Nm])	$N \cdot m/(rad/s)$	$6.1 \times 10^{-5}$
$C_m$ (Load=0.01 [Nm])		$6.3 \times 10^{-5}$
PRM <sub>14</sub> (Load=0 [Nm])		$5.0 \times 10^{-3}$
<i>PRM</i> <sub>14</sub> (Load=0.005 [Nm])		$5.0 \times 10^{-3}$
<i>PRM</i> <sub>14</sub> (Load=0.01 [Nm])		$5.0 \times 10^{-3}$
		0
Cload	N·m	0.005
		0.01

## 4.4 トルク変動を再現するモータの機能モデル

実機による実験値と機能モデルによる計算値を比較した.また、シミュレーションには表4を用いた.図 12(a)(b)(c) にそれぞれ負荷トルク0[N・m],0.005[N・ m],0.01[N・m]における角速度のグラフを示す.いずれ も横軸は時間、縦軸は角速度を表す.また、図12(a)(b)(c) の定常域に関してFFT解析を行った.図13(a)(b)(c)にそ れぞれ負荷トルク0[N・m],0.005[N・m],0.01[N・m] における FFT 解析のグラフを示す.いずれも横軸は周波 数,縦軸は角速度振幅を表す.FFT 解析より,実験値と 計算値で主成分である回転 6 次の角速度振幅は良く一致 した.実験で発生している回転 1~5 次成分の発生原因は 定かではないが,実験装置などの幾何的要因であると推 測する.

また,図 14 に角速度振幅の誤差のグラフを示す.改良前と改良後において実験値との誤差は,負荷トルク0[N・m]では約18%減少,負荷トルク0.005[N・m]では約12%減少,負荷トルク0.01[N・m]では約8%減少した.

![](_page_5_Figure_8.jpeg)

(c) Load: 0.01 [N · m]

Time [s]

Fig.12 Angular velocity of DC motor for comparing numercal simulation results with experimental results. The numercal simulation results and experimental results are solid (red) (blue) curves by small arrows in the figure, respectivery.

## 5. 遊星歯車付き直流モータの機能モデル

図15に遊星歯車の機能モデルを示す<sup>(8)</sup>. このモデルは, リングギア, サンギア, ピニオン, キャリアで構成されて いる.本研究では, サンギアを入力, キャリアを出力, リ ングギアを固定とし, 3.1 で作成した直流モータの機能モ デルと組み合わせた.

![](_page_6_Figure_2.jpeg)

![](_page_6_Figure_3.jpeg)

Fig.13 FFT analysis for comparing numercal simulation results with experimental results. The numercal simulation results and experimental results are solid (red) (blue) curves by small arrows in the figure, respectivery.

![](_page_6_Figure_5.jpeg)

Fig.14 Error of angular velocity amplitude of numercal simulation results and experimental results for comparing the improved back with the improved front.

![](_page_6_Figure_7.jpeg)

Fig.15 Functional model of a planetary gear

## 5.1 実験結果とシミュレーション結果の比較

実機による実験値と機能モデルによる計算値を比較した.また,シミュレーションには表5を用いた.図16(a)(b) に入力角速度,出力角速度を示す.いずれも横軸は時間, 縦軸は角速度を表す.角速度は立ち上がりを含め良く一 致した.また,図16(a)(b)の定常域に関してFFT解析を 行った.図17(a)(b)に入力軸,出力軸におけるFFT解析 のグラフを示す.いずれも横軸は周波数,縦軸は角速度振 幅を表す.実験値において,トルク変動が大きく見られた. 直流モータのトルク変動と遊星歯車のトルク変動のどち らが大きく影響しているか検討する必要がある.

#### 5.2 シミュレーションの例

遊星歯車付き直流モータの機能モデルを用いてパラメ ータを変えてシミュレーションを行った.図24(a)(b)に電 圧を変化させたときの角速度の入出力を示す.角速度は, 電圧上昇に伴い増加した.図25(a)(b)にDCモータの慣性 モーメントを変化させたときの角速度の入出力を示す. DCモータの慣性モーメントを増加させたとき,角速度の

Symbol	Unit	Value
J		$6.00 \times 10^{-6}$
J <sub>s</sub>		$2.00 \times 10^{-6}$
$J_p$	$kg \cdot m^2$	$3.00 \times 10^{-6}$
Jc		$1.00 \times 10^{-6}$
$J_r$		0
$C_m$		$7.00 \times 10^{-5}$
$C_s$	N · m/(rad/s)	$3.10 \times 10^{-5}$
C <sub>c</sub>		$1.00 \times 10^{-5}$
$C_r$		$1.00 \times 10^{-5}$
K <sub>s</sub>		$1.00  imes 10^5$
K <sub>c</sub>	N · m/rad	$1.00  imes 10^5$
K <sub>r</sub>		$1.00 \times 10^5$
N <sub>ps</sub>		1.5
$N_{pr}$		0.375

Table 5 Characteristic values

![](_page_7_Figure_3.jpeg)

![](_page_7_Figure_4.jpeg)

![](_page_7_Figure_5.jpeg)

![](_page_7_Figure_6.jpeg)

Fig.16 Angular velocity of DC motor with planetary gear for comparing numercal simulation results with experimental results. The numercal simulation results and experimental results are solid (red) (blue) curves by small arrows in the figure, respectivery.

![](_page_7_Figure_8.jpeg)

(b) Output axis

Fig.17 FFT analysis for comparing numercal simulation results with experimental results. The numercal simulation results and experimental results are solid (red) (blue) curves by small arrows in the figure, respectivery.

![](_page_7_Figure_11.jpeg)

## 6. 結言

本研究は、直流モータと遊星歯車の結合系を対象に、電 気と機械の分野を超えた統合モデル化を行い、電力を入 力、動力を出力とするシミュレーションに成功した.機能 モデルを使用することにより、微分方程式と表裏の関係 にある拡張性あるモデルを作成できた.実験を行い、計算 結果と比較することにより有益な知見が得られた.要約 すると以下の通りになる.

- 1 機械システムの基幹部品である直流モータと近年多 用されている遊星歯車の結合系を機能モデルにより モデル化した.
- 2 開発モデルの有効性を検証するために、実機による実 験と比較した.
- 3 直流モータ単体のモデルでは、角速度は立ち上がりを 含め良く一致したが、実験でモータのトルク変動を 確認した。
- 4 トルク変動を考慮したモータのモデルでは、角速度は 立ち上がりを含め良く一致した.トルク変動は表現 できたが変動振幅に誤差が見られた。
- 5 トルク変動を再現するモータのモデルでは角速度, 変 動振幅ともに良く一致した.
- 6 遊星歯車付き直流モータのモデルでは、角速度の入出 力ともに良く一致した.しかし、実験値のFFT 解析 より過度なトルク変動が見られた.

#### 謝辞

本論文は筆者が法政大学大学院理工学研究科機械工学 専攻修士課程に在籍中の研究成果をまとめたものである.

指導教員の御法川学教授をはじめ,専任講師の相原建 人先生,兼任講師の岩原光男先生,技術教育職員の内野秦 伸先生,岡本民夫先生には,終始懇切丁寧にご指導頂いた. ここに深謝の意を表する.また,CATEC(株)の角田鎮 男博士をはじめとする関係者の皆様には理論・実験の助 言を頂き心から感謝申し上げる.

最後に、本専攻伝達機構・機械振動研究室の各位には日 頃より有益なご助言を頂いた.ここに感謝の意を表する.

#### 参考文献

- 1)長松 昭男,角田 鎮男,長松 昌男:製品開発のための 新しいモデル化手法,展開と統合日本機械学會論文集. C編 64(627),4216-4223,1998
- 2) 長松 昌男, 長松 昭男: 電気・機械一体モデルの開発と 応用第 1 報物理学的基礎,シミュレーション 32(1), 48-54, 2013
- 3) 長松 昌男, 長松 昭男: 電気・機械一体モデルの開発と 応用第2報力学と電磁気学問の新しい相似則の提案, シミュレーション 32(2), 136-143, 2013
- 4) 長松 昌男, 長松 昭男, 角田 鎮男: 電気・機械一体モデルの開発と応用第3報 モデルベース開発のためのモデル化(講座), シミュレーション 32(3), 221-232, 2013
- 5) 長松 昌男, 長松 昭男, 角田 鎮男: 電気・機械一体モ デルの開発と応用第4報物理機能線図の応用例(講座) シミュレーション 32(4), 349-359, 2013
- 6) 長松 昭男, 長松 昌男: 複合領域シミュレーションのための電気・機械系の力学, コロナ社, 2013
- 7)赤津 観:モータ技術のすべてがわかる本,ナツメ社, 2012
- 8) 平松 繁喜,角田 鎮男,長松 昌男,長松 昭男:回転運

動機器の機能表現のためのモデル化日本機械学會論文 集.C編 65(638), 3926-3933, 1999

9) 大富 浩一: 1DCAE によるものづくり 第1部 1DCAE 総論, 47-54, 2014

![](_page_8_Figure_21.jpeg)

#### (b) Output axis

Fig.18 Simulation results of angular velocity in the case where input voltage is parameter.

![](_page_8_Figure_24.jpeg)

![](_page_8_Figure_25.jpeg)

![](_page_8_Figure_26.jpeg)

(b) Output axis

Fig.19 Simulation results of angular velocity in the case where moment of inertia of DC motor is parameter.