法政大学学術機関リポジトリ

HOSEI UNIVERSITY REPOSITORY

PDF issue: 2025-07-02

パドル翼撹拌槽における旋回スロッシングと 共振現象

出口, 雅紀 / DEGUCHI, Masaki

(発行年 / Year) 2007-03-24 (学位授与年月日 / Date of Granted) 2007-03-24 (学位名 / Degree Name)

修士(工学) (学位授与機関 / Degree Grantor) 法政大学 (Hosei University)

2006年度 修士論文

| 論文題目 | パドル翼撹拌槽における | | | | | | |
|------|-------------|------|----------|--|--|--|--|
| | 旋回こ | スロッシ | シングと共振現象 | | | | |
| 指導教授 | 新井 | 和吉 | 教授 | | | | |

大学院工学研究科 機械工学専攻修士課程 学籍番号 05R1129 氏名 出口 雅紀

Rotary Sloshing and Resonance Phenomena in Stirred Vessel

Masaki DEGUCHI

Abstract

The conditions for generating rotary sloshing of liquid, and the influence of operational conditions, such as the size of equipment, liquid height and impeller speed in a stirred vessel with a flat paddle impeller on the rotary sloshing frequency and resonance phenomenon were examined.

It was found that the rotary sloshing of liquid occurred immediately after the liquid surface touched the lower end of the impeller, and that it was generated when the impeller speed was greater than the rotary sloshing frequency. Moreover, based on the equation for sloshing frequency in the tank without an impeller, the equation of rotary sloshing frequency was derived considering the influence of the impeller's diameter. Furthermore, in the mixing machine, when rotary sloshing of liquid occurred, the vibration was induced by both impeller speed and rotary sloshing.

It was found that the resonance phenomena occurred when the vibration induced by rotary sloshing of liquid was in agreement with the natural frequency of the mixing machine.

From the above, we suggested a safe operation indicator at the time of mixing.

目次

| 第一章 緒 | 論 | |
|-------------------------|---|--------------|
| 1.1 緒話 | <u></u> | • 1 |
| 1.2 撹扌 | *の基礎・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | • 2 |
| 1.2.1 | 撹拌の分類と用途・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | • 2 |
| 1.2.2 | 撹拌装置・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | • 4 |
| 1.2.3 | 撹拌翼の形状と撹拌作用・・・・・・・・・・・・・・・ | • 5 |
| 1.3 振動 | カの基礎・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | • 7 |
| 1.3.1 | 共振現象・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | • 7 |
| 1.3.2 | スロッシング・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | • 9 |
| 1.4 本研 | 肝究の目的・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | • 10 |
| 公一 立 甘 | | |
| | | . 11 |
| ん.1 約日 | | • 11 . 11 |
| 2.1.1 9.1.9 | | · 11 |
| 2.1.2 2.1.2 | | · 11 |
| ん.1.3 9.9 1尚† | | • 13 |
| ん.ん 1見1 | +衣具・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | • 14 |
| ん.3 加雪 | | • 19 |
| 2.3.1 9.2.9 | | · 19 |
| 2.J.2 2.2.2 | | · 20 |
| 2.3.3 9.2.4 | | د 1 مو |
| 2.3.4 | | 22 22 |
| 2.3.3 9.2.6 | | 22 22 |
| ム. 3. 0 9.4 流 | | ۲۲ ۲۰۰۰ |
| ム.4 /1义/: の人1 | | • 23 |
| 2.4.1 | | • 23 . 99 |
| 2.4.2 | | · 23 |
| ん.4.3 9 に た気の | | · 20 |
| 2.3 加出 | コスロッシノクに及は9視升信泊ルの影響・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・ | • 30 |
| ۲.3.1 ۵.5.9 | | · 30 |
| 2.J.2 9 5 9 | | · 3U |
| ん.J.J タロー協士 | | · 31 |
| ん.0 1見す | | • 30 |
| ん.U.I ヲ | | . 20 |

| 2.6.2 | 実験方法・ | 条件 | •• | •• | • • | • | •• | •• | • | • • | • | • | • | • | • | • | • | • 36 |
|----------------|-----------|------|-----------------|-----|-----|----|-----|-----|----|-----|-----|---|---|---|---|---|---|------|
| 2.6.3 # | 詰果・考察 | ξ | •• | ••• | • • | • | •• | • • | • | • • | • | • | • | • | • | • | • | • 38 |
| 2.7 撹拌 | 機の振動現 | ま・ | •• | •• | • • | • | ••• | • • | • | • | ••• | • | • | • | • | • | • | • 42 |
| 2.7.1 | 実験目的・ | • • | •• | ••• | • • | • | •• | • • | • | • • | • | • | • | • | • | • | • | • 42 |
| 2.7.2 | 実験方法・ | 条件 | •• | • • | • • | • | •• | • • | • | • • | • | • | • | • | • | • | • | • 42 |
| 2.7.3 | 詰果・考察 | ç | •• | •• | •• | • | •• | • • | • | • • | • | • | • | • | • | • | • | • 43 |
| 第三章 旋回 | コスロッシ | ングの | つメナ | ננ | ズム | の解 | 朙 | | | | | | | | | | | |
| 3.1 緒言 | • • • • • | •• | •• | ••• | •• | • | •• | • • | • | • | •• | • | • | • | • | • | • | • 49 |
| 3.2 旋回 | スロッシン | ングの | 発生 | E領J | 域と | 発生 | E条 | 件・ | • | • | ••• | • | • | • | • | • | • | 49 |
| 3.3 旋回. | スロッシン | ノグに | 及ぼ [.] | す撹 | 拌槽 | 諸 | 元の | 影響 | ₣• | • | •• | • | • | • | • | • | • | • 49 |
| 3.4 相関語 | 式の導出・ | ••• | •• | •• | •• | • | •• | • • | • | • | •• | • | • | • | • | • | • | • 54 |
| 第四章 撹拌 | ₿機の共振 | 現象 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 4.1 緒言 | • • • • • | • • | •• | ••• | • • | • | ••• | • • | • | • | •• | • | • | • | • | • | • | • 56 |
| 4.2 撹拌 | 機の共振現 | 見象の材 | 検討 | •• | •• | • | •• | • • | • | • | •• | • | • | • | • | • | • | • 56 |
| 第五章 結論 | へ 冊 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 5.1 結論 | • • • • • | • • | •• | ••• | • • | • | ••• | • • | • | • | •• | • | • | • | • | • | • | • 60 |
| 5.2 撹拌 | 機の操作指 | 針・ | •• | •• | •• | • | •• | • • | • | • | •• | • | • | • | • | • | • | • 61 |
| 使用記号・・ | •••• | ••• | • • | • | •• | •• | • | •• | • | •• | • | • | • | • | • | • | • | • 62 |
| 参考文献・・ | •••• | ••• | • • | • | ••• | •• | • | •• | • | •• | • | • | • | • | • | • | • | • 63 |
| 謝辞・・・・ | • • • • | ••• | • • | •• | ••• | | • | ••• | • | •• | • | • | • | • | • | • | • | • 64 |

第一章 緒論(Abstract)

1.1 緒言(Abstract)

撹拌とは,その言葉の通りものをかき混ぜることである.化学工業を例に とるならば,生産プロセスの主幹をなしている操作として,化学原料などか ら有効成分物質を分離し,得られた成分を数種類,配合混合して反応を行わ せることにより,目的とする製品を製造するという混合操作や反応工程など がある.成分物質の配合混合はもちろんのこと,分離装置や反応装置自体も 撹拌装置であることは珍しくない.そのほか,食品工業,生化学工業,製紙 工業,金属工業,水処理などの環境関連業務などのあらゆる分野のプロセス の一部として必ず撹拌装置が使用されている.日常生活においても,ミキサ ーやジューサーとしてお馴染みのものである.中には,高分子工業における 撹拌反応槽での重合反応や発酵工業における通気撹拌装置での発酵のよう に, 撹拌操作自体がそのプロセスの主要部をなしている場合もある. このよ うに, 撹拌装置は多種多様な分野において不可欠であるが故に, 当然のもの として縁の下の力持ち、また脇役として目立たない存在であることが多い、 しかし, 撹拌装置の生産額は国内のみでも年間数百億円に達する産業機械と して機械製造業の中に確実な地位を占めている¹⁾.また,機械であるが故に 生産量に比例してトラブルや事故が多く起こるのも事実である.

ここで,撹拌における動的要素である撹拌機運転時の事故について考えてみ る.まず, 撹拌機は, 非常に長いオーバーハング(方持ち)軸を持つ機械で, 撹拌 翼の仕事に伴う動力の伝達によるねじりモーメントや撹拌流体の不規則な流動 から受けるアンバランス荷重,設計上の誤差から生じる撹拌翼の偏心荷重によ る曲げモーメントなどが働く.さらに長時間の連続運転,高温,高圧化におけ る運転,高腐食性流体内での運転,運転中の流体の物性変化などによる負荷や 荷重の変動を伴う運転など,非常に過酷な条件下において安定した運転が要求 される機械である²⁾.それゆえ,撹拌装置運転中のトラブルも多い.その一例と しては、撹拌運転中の撹拌翼の折損事故である、この原因として、ひとつに撹 拌機に発生する共振現象によるものが考えられる.まず,撹拌翼を有する撹拌 槽の運転開始時の一般的な操作方法としては、初期動力軽減などのため、撹拌 流体が入っていない状態から撹拌翼を回転した状態で流体を注入していく方法 が多く用いられている.その際,流体自由表面が撹拌翼に触れた直後,液が旋 回しながら揺動する旋回スロッシングが発生し,これと同時に撹拌翼に振動が 発生する場合があることが経験的に知られている、しかし、撹拌翼を有する撹 拌槽内に発生する旋回スロッシング現象についての研究はほとんどなされてい ない.また,撹拌翼を有する撹拌装置は,回転機械であるがゆえに,撹拌槽の 固有振動数とモーターの回転数が一致すると,装置が共振により大きく振動す る³⁾.撹拌翼の振動により撹拌槽に損傷が発生する場合があるという報告⁴⁾もあ る.このため,撹拌槽の設計・操作条件としては,あらかじめ撹拌槽の固有振 動数を求めておき,その固有振動数と共振を起こさない回転数で翼を回転させ ることが重要であり,撹拌機の設計や安全な運転を行う際に重要な動的要素³⁾ として考慮されているが,旋回スロッシングが発生した場合の撹拌槽との共振 現象についての研究は未知な部分が多く,運転の際の新たな危険因子として検 討の必要がある.

1.2 撹拌の基礎(The basis of mixing)

1.2.1 撹拌の分類と用途(A classification and a use of mixing)

撹拌とは,まさにものをかき混ぜることであるが,工業分野での専門的な習 慣に従えば,粉末や粉状の固体原料をかき混ぜるのを混合(Mixing),または固 体混合(Solid Mixing),あまり粘調でない比較的流動性のよい流体原料(固体粉 末や粒子,気泡,不容性の液滴などを含んでいてもよい)をかき混ぜるのを撹 拌(Agitation),非常に粘調,あるいは可塑性半固体の原料で,かき混ぜるのを撹 達混ぜるというより練って混ぜる)のに強い力を必要とするものを対象とする 捏和(Kneading)に大きく分類される.その定義や分類区分は決して明確なもの ではなく,習慣的,感覚的な面が多い.しかし,実際の固体混合機(Mixer), 液体用の撹拌機(Agitator or Mixer)および捏和機(Kneader)の形状構造を 見れば,これら三者には明瞭な違いがある.

現在, 撹拌装置は化学工業, 食品工業, 生化学工業, 製紙工業, 金属工業, 水処理等の環境関連業務などあらゆる分野のプロセスの一部として使用されて いる. 撹拌操作とは, ものを混ぜることがその最も重要な目的であるが, 原料 やその他種々の物質を混ぜることによって溶解, 伝熱の促進はもちろんガス吸 収, 抽出,反応等, 様々な機能を同時に果たす, あるいは促進を促すことが容 易にできる. そのため撹拌装置は単なる混合装置としてだけではなく, 多種類 の材料を取り扱い多種多様の目的に利用されている⁵⁾.

撹拌の定義から,撹拌操作には必ず液相が存在し,この液相と他の液相,固 相及び気相が関係する.したがって相別の撹拌形態として,液 液,液 固, 液 気及び液 固 気の4形態がある.Fig.1-1 は相別の撹拌形態ごとの主な撹 拌目的を表したものである.目的の名称はそのときの操作から感覚的に言われ るので,厳密な区分けがあるわけではない⁶.



Fig.1-1 mixing flow chart⁶⁾

1.2.2 撹拌装置(stirred vessel)

被撹拌液に効率的に流動を与えるべく様々な撹拌装置が考案されている.その中でも最も一般的なものは,モーターによって回転される撹拌軸に撹拌翼を取り付けたものであり,撹拌機と原料流体を入れる撹拌槽,およびそれらに付属する諸機器類からなっている.これらの撹拌装置は構造的にも比較的簡単であるためコスト的に有利であり,装置にあわせ様々な取り付け方法や取り付け位置を選ぶことができる.また,他の撹拌装置としては,往復回転型,上下運動型などがあり,これらは邪魔板なしで,撹拌に有効な流動を発生させることができる撹拌装置であり,特定の使用条件において他の撹拌装置では得られない威力を発揮することができるが,構造的に複雑となり,メンテナンスやコストに対して不利となり,常に選定の対象とすることはできない.そこで,本研究で対象としたものは,前者に挙げた最も一般的な撹拌装置である,槽型,一方向回転,たて型撹拌機である.その構成要素をFig.1-2 に示した^{5.6}.



Fig.1-2 Components of mixing machine

撹拌装置は駆動源より与えられたエネルギーを撹拌軸より撹拌翼に伝達させ、 適正な流動状態を撹拌槽内の液体に供給する撹拌機(動的要素)と、撹拌液を 貯え、プロセス設計条件として与えられた液の仕込量や連続フロー・バッチ撹 拌操作、加熱・冷却、加圧・減圧、液の排出などの諸条件を満足させる撹拌槽 (静的要素)に大別できる。 1.2.3 撹拌翼形状と撹拌作用

(Shape of impeller and the action of mixing)

撹拌装置の構成要素のなかでも最も重要な部分を占める撹拌翼は,駆動源 から回転運動の機械的エネルギーを与えられることにより2つの大きな仕事 をする.それは,撹拌槽内の液全体を流動させる液循環作用と局所的な達成 させる速度勾配によるせん断作用などである.

撹拌槽内の流動形態は撹拌装置の各条件(撹拌翼形状,撹拌槽形状,邪魔 板の有無,撹拌機の取り付け位置)により異なるが,下記の3形態が基本と なる.

1. 旋回流(Tangential flow)

撹拌軸と同一方向に槽内を回転する流れ.邪魔板のない撹拌槽ではこの流動形態が支配的である.特に軸の中心から撹拌翼の外周近辺までは,軸と同一角速度で回転するため流体各部に速度差を生じない.したがって,撹拌のひとつの作用であるせん断力が働かないので撹拌効率はよくない.

2. 上下循環流または軸流(Axial flow)

重荷プロペラ翼や傾斜タービン翼により発生させられる軸に平行な方向の 流れである.特に邪魔板付きの場合,ドラフトチューブ付きの場合にその流 れは顕著になる.撹拌槽内全体の流体循環,入れ替わりに寄与する撹拌効果 に有効な流動である.

3. 放射流または輻流(Radial flow)

主に垂直に取り付けられた羽根を持つ撹拌翼が軸付近から吸い込んだ流体 を軸と垂直の方向に吐出することにより発生させられる.一般に翼近辺の流 速が大きく,邪魔板との組み合わせにより比較的大きなせん断作用を発生す る.

以上の流動形態について, Fig.1-3 に示した.

撹拌翼が槽内流体に与えるエネルギーは翼近傍または撹拌槽内の各所でせん弾力を与えるせん断作用と翼のポンプ作用によって循環流を形成する吐出 作用の2つの大きな作用に分けられる.この両作用は撹拌動力と比例関係を 持ち,ポンプと同様である.各々の作用は下記の撹拌性能に寄与する(Fig.1-4)⁶.



a) Axial Flow type

b) Radial Flow type





- 1.3 振動の基礎(The basis of vibration)
 - 1.3.1 共振現象(Resonance phenomenon)

構造物が振動するときには,固有モードと呼ばれるその構造物固有のかた ちでしか振動できない.各々の固有モードは決まった固有の振動数を有し, それ以外の振動数では振動が生じない.ここで,共振現象とは,ある系(シス テムまたは物体)の固有振動数と外部からの励振力が一致することにより系の 振動の振幅が急増する現象である.

ここで,共振現象に関係する基本事項として,固有振動数,固有モード,加振(励振)力について説明する.

・固有振動数

ある系を考えたときに、ある決まった周期の振動を与えるとその振動が増幅されて系が大きく揺れだすという振動数であり、「系に存在する振動しやすい振動数」のことである.そして、これは系の剛性及び質量で決まる.

・固有モード

固有振動数と対をなすもので、「系の振動の形態(方向や形)」のことである.たとえば両端が固定端の弦を考えたとき、山の数がいくつあるかを考えればわかりやすい.Fig.2のnはモードの次数を示している.ある構造物に発生する振動が Fig.2(a)であるとすると、この振動を分析すれば、1次~4次のモード(Fig.2(b))が重ね合わさってできていることがわかる.ここで、大抵の場合、基本(1次)モードが卓越する場合が多いということがわかっています.ここでの卓越とは、いくつかの振動モードの中で一番影響の大きいモードのことを示している.つまり、ここでは Fig.2(b)の中の最も次数の低いモード、n=1 である.

・加振(励振)力

外部からある系に対して,振動を発生させる目的で加える動的作用のこと.

以上のことを踏まえて,共振現象について解説を加えると,系には単純な ものから複雑なものまで様々な形状のものがあり,その形状によって振動も 複雑になる.外から受ける振動数(外力=励振力)と物体の固有振動数が一致す る時,共振が発生する.この現象が発生すると,励振力が何十倍にも増幅さ れ,大きな振動を引き起こすため,構造物の破壊,色々な機器の破損・故障 に繋がることがいくつも報告されている.この現象は,撹拌時にも当然発生 する.よって,その現象のメカニズムについて解明する必要がある⁷⁾.



(b) Elements of mode spectrum Fig.2 each dimension mode spectrum

1.3.2 スロッシング(Sloshing)

液体を蓄える構造物が外部からの励振を受け,その内部液体が共振を起こした場合に,液体の自由表面が揺動現象,すなわちスロッシングを発生する.

スロッシングは、プラントに敷設される液体貯蔵や液体貨物運搬船、航空 機の燃料タンクの開発、プラント工程の改善など、容器内で液体を扱う場合 には工業技術上の取り組むべき重要な課題®である.例えば,航空宇宙分野に おいては,ロケット,人工衛星の発射時や姿勢制御時などに液体燃料タンク 内部でスロッシングが発生すると,タンク内の動圧の大きな変動により,飛 行挙動に悪影響を与え、さらには制御不能に陥る可能性があるため、安定し た飛行や制御のための研究 13),14),15)が数多くなされている.鉄精錬分野におい ては,従来,旋回現象が発生するとスロッピングやスプラッシュなどが激し くなり、安定な操業ができないことからその利用は避けられてきた.しかし、 現在はこの現象をプロセス向上に応用するための研究16,17,18がなされている. また, 撹拌の分野においては, スロッシングは揺動撹拌操作として混合や物 質移動などに積極的に利用されており,加藤ら^{9,10,11,12)}が旋回揺動撹拌や往復 |揺動撹拌などで撹拌所要動力や混合時間 , 気液間および固液間の物質移動容 量係数などについて系統的に報告している.このように,スロッシングとは 様々な分野で影響をおよぼしており,いい面,悪い面の両方を持ち合わせた 現象である.本研究では,この現象による事故などの報告をもとに検討を行 った.

1.4 本研究の目的(Purpose)

液体の撹拌は,物質を製造する工業分野において不可欠な操作である.近年, 物質製造プロセスの高度化,多様化に伴い,複雑な形状を持つ様々な撹拌翼が 開発されている.それに伴い撹拌時の事故も数多く報告されている.そこで, そのような事故の原因を解明し,安全でかつ効率的な撹拌運転の指針が求めら れる.

そこで本研究では, 撹拌槽内にて発生する旋回スロッシングに焦点を当てた. まず, 撹拌槽の運転開始時の操作方法としては, 初期動力軽減などのため, 撹 拌流体が入っていない状態から撹拌翼を回転した状態で流体を注入していく方 法が多く用いられている.その際, 流体自由表面が撹拌翼に触れた直後に旋回 スロッシングが発生し, これと同時に撹拌翼が振動する場合がある.ここで, 撹拌翼が振動することにより撹拌槽に損傷が発生する場合があるという報告⁴⁾ がある.そこで, 旋回スロッシングと共に発生する撹拌翼の振動現象について も検討した.この振動発生の原因としては, 翼回転数に起因する撹拌翼の共振, 他には, 旋回スロッシングに起因する撹拌翼の共振が考えられる.前者は, 撹 拌機の設計や安全な運転を行う際に重要な動的要素³⁾として考慮されている.し かし,後者については未知な部分が多く,運転の際の新たな危険因子として検 討の必要がある.

そこで本研究では,パドル翼撹拌槽における旋回スロッシング発生条件を求め,また,旋回スロッシング周波数と,槽径や翼径,液高さ,回転数の撹拌槽 緒元との関係を検討した.さらに,撹拌装置の固有振動数を測定し,旋回スロ ッシング発生時の撹拌装置の振動加速度の周波数解析から,旋回スロッシング が及ぼす撹拌槽の共振現象への影響についても検討した.

第二章 基礎研究(Fundamental researches)

2.1 緒言(Introduction)

これまでの研究から,撹拌時には特定の条件において旋回スロッシングが発生 することがわかっている.しかし,その条件は非常に限定的であるため,メカ ニズムを体系的に解明するには発生時の条件の相関関係を詳細に検討する必要 がある.そこで,旋回スロッシングおよび撹拌翼の振動のメカニズムを解明す るため,様々な視点による実験,物理的考察を行った.まず,撹拌時に発生す る旋回スロッシング現象のメカニズムを検討するため,一般的な撹拌槽操作時 の現象と撹拌槽諸元を変化させた場合の液面現象について実験を行った.続い て,撹拌翼の振動メカニズムを検討するため,撹拌時の振動の周波数分析を 行った.

本章では,行った実験の条件,方法,またその結果から得られた知見について示した.

2.1.1 撹拌時の主な液面現象

(Free surface phenomena of stirred vessel)

ここでは,撹拌軸と翼を有する撹拌機における,撹拌時の液表面の現象 について示す.一般に知られている現象としては,ボルテックス(Fig.2-1) が挙げられる.この現象は,撹拌時に翼回転数を挙げていくと,ある回転 数より軸中心位置の液面がすり鉢上に落ち窪む現象であり,回転数の上昇 に伴いそのくぼみの深さが増していく現象である.この現象は,どのよう な形状の翼でも発生するということが分かっている.続いて,本研究の対 象である旋回スロッシング(Fig.2-2)について説明する.この現象は,前章 (1.2.2)に示したスロッシング現象が回転する現象である.発生条件,領域 については現段階では,限定的にしか解明できていないので,以下で検討 を進めていく.



Fig.2-1 Vortex phenomenon



Fig.2-2 Rotary sloshing phenomenon

2.1.2 旋回スロッシング周波数の定義

(A definition of rotary sloshing frequency)

前章(1.2.2)にて示した旋回スロッシングについて,その周波数の本研究 における定義を行う.

旋回スロッシング周期を旋回スロッシングが1回転する時間(Fig.2-3)を

旋回スロッシング周期 T (s)

とし,その周期Tより旋回スロッシング周波数fsを以下のように導いた.

 $f_{\rm s} = 1/T \tag{1}$

この周波数を本研究における旋回スロッシング周波数fs(Hz)と定義する.



Fig.2-3 Measurement techniques of sloshing frequency

2.2 撹拌装置(Stirred vessel)

本実験に用いた実験装置の概略図を Fig.2-4 に示す.撹拌槽には透明アクリル 製平底円筒槽を使用し,撹拌液には水道水を用いた.翼にはパドル翼を用い, 各翼は全て直径 8mm の撹拌軸に取り付け,槽横断面の中心に設置した.また, 撹拌軸やモーター,スタンド等を含む部分の設置位置,撹拌軸の材質及び直径, 軸の保持条件は一定とした.撹拌液の運動状態を槽側面からデジタルビデオカ メラにて撮影した.このとき,実験ごとに撹拌槽諸元のうち,Table 2-1 に示す ように槽径,翼径,液高さ,回転数,および翼枚数を変化させた.また,翼枚 数により翼形状に違いがあるため,その詳細な形状を Fig.2-5,2-6 に示す.



Fig.2-4 Schematic diagram of Stirred vessel

| | A) Condition no.1 |
|---------------------------|-----------------------------|
| <i>D</i> [mm] | 100 , 150 , 180 , 200 , 240 |
| $d_{\rm p}$ [mm] | 50 , 75 , 100 , 120 |
| $H_{\rm L}$ [mm] | 10 - 144 |
| $n [s^{-1}(rpm)]$ | 3.33 - 8.33 (200-500) |
| | 6 |
| | B) Condition no.2 |
| <i>D</i> [mm] | 200 |
| $d_{\rm p}$ [mm] | 100 |
| $H_{\rm L}$ [mm] | 60 , 100 |
| $n [s^{-1}(rpm)]$ | 1.67 - 8.33 (100-500) |
| <i>n</i> _p [-] | 2,4,6 |

Table 2-1 Experimental conditions







 $(b)d_p=100$ mm



(c) $d_p = 75$ mm



(d) $d_p=50$ mm Fig. 2-5 Schematic diagram of 6-flat paddle (Condition no.1)



(a) 6-blade paddle



(c) 2-blade paddle

Fig. 2-6 Schematic diagram of flat paddle (Condition no.2)

2.3 振動計測装置(Measurement devices)

2.3.1 打撃ハンマ(Impact hammer)

本研究には, PCB PIEZOTRONICS 製のインパクトハンマ(086C03)を使用した.また, Fig.2-7(a)に打撃ハンマの構造を, Fig2-7(b)にその画像を示す.

扉をノックして振動から音を発生させるように,被試験物を叩いて衝撃 加振する計器である.被試験物に直接接触して衝撃力を与える部分は,チ ップとよばれる.その背後にある力変換器により,力を電圧に変換して出 力する.力変換器内部では,力に応じた電荷が圧電素子表面に発生し,埋 め込まれた集積回路により電圧に変換される.

出力電圧を力に換算するには,校正値が必要であり,これは打撃ハンマ 固有の値なので,打撃ハンマの形式,製造番号と共に記録する必要がある.

実験モード解析において打撃ハンマの使用法は大変重要であり,過負荷 や2度叩きなどの誤差要因となる現象を生じないように注意しながら,被 試験物に規定の方向の力を与える.





(a) Schematic diagram of impact hammer
 (b) Picture of impact hammer
 Fig.2-7 Schematic diagram of impact hammer

2.3.2 加速度計(Accelerometer)

本研究では, PCB PIEZOTORONICS 製の加速度計(356A32/NC)を使用 した.その校正値に関するデータを章末に添付した.また, Fig.2-8(a)に加 速度計の構造を, Fig2-8(b)にその画像を示す.

質量 m の物体に手で力を加えて加速度 a を与えると,加えた力 f=ma の 反力を手に感じる.ボーリング場でレーンの上にボールを置いて手で押し 出すことを想像するとよい.この手の部分を前述の力変換器に置き換え, 得られた力 f を質量 m で除すれば,加速度 a を得る.

加速度計は,力変換器において力を検出する圧電素子を,重りの代わり としてのナットで締め付けた構造である.ナットで締め付けて,圧電素子 をあらかじめ弾性変形させているので,+-双方向の加速度を検出できる.

加速度計の電気的特性は,力変換器と同じである.出力電圧を加速度に 換算するには,校正値が必要であり,これは加速度計固有の値なので,加 速度計の形式,製造番号と共に記録する必要がある.

被試験物の加速度を正確に測定するには,加速度計を被試験物に適切に 取り付ける必要がある.取り付け方法には,ネジ止め,接着剤,ワックス などがある.通常は瞬間接着剤やワックスを使用する.これらは,被試験 物の材料である鋼などに比べて剛性が非常に小さいので,なるべく薄く広 い面積となるように使用する.



(a) Schematic diagram of accelerometer



(b) Picture of accelerometer

Fig.2-8 Schematic diagram of accelerometer

2.3.3 分析処理器と AD 変換

(Measurement device and Analog to digital conversion) 本研究では,リオン社製の分析処理器(AD 変換器:CAT SYSTEM SA-01) を使用した.また,その画像を Fig2-9 に示す.

打撃ハンマの力変換器と加速度計からの電圧出力は,量子化されて整数 になる.この分解能はビット数で表示され,16 ビットの分解能では 216 個の整数(+-1~32768,1 ビットは正負を表す)に分解する.このときの量 子化誤差は分解能ビット数が大きいほど小さい.また,電圧出力は連続的 な物理量でありアナログ信号なので,それをデジタル信号に変換して処理 する.専用のデータ処理装置を使用し,その結果をノートパソコンに転送 する.次いで,その電圧出力をエクセルの表で象徴される数字列に変換す る.その変換には,キャテック社製の振動解析システムを使用した.時間 と共に連続的に変化する時刻歴信号を毎秒 f 個の割合で取り込む.f を標 本化周波数といい,単位は Hz である.次のフーリエ変換で高速フーリエ 変換アルゴリズムを使用するために取り込むデータの数は2のべき乗にす る.



Fig. 2-9 Schematic diagram of measurement device

2.3.4 フーリエ変換,高速フーリエ変換

(Fourier transform and Fast Fourier Transform)

存在する信号の時間波形は,色々の異なる周波数の正弦波に分解できる. 逆に,分解した異なる周波数の正弦波を,位相を再現して加え合わせると 弦の時間波形を得ることが出来る.数学的に行う前者の操作をフーリエ変 換,後者を逆フーリエ変換と呼ぶ.これは正弦波の直交性を利用したもの で,数学的簡明さから複素指数関数を使用する.

AD 変換により数字列になった力と加速度の時間領域データをフーリエ 変換して,周波数領域のデータに変換し,正弦波の振幅と位相を求める. 高速フーリエ変換は,クーリーとチューキーのアルゴリズムを利用したも ので,専用の集積回路にプログラムされており,非常に高速で演算される.

2.3.5 周波数応答関数(Frequency response function)

フーリエ変換後の周波数領域において,加速度の複素数データ(振幅, 位相)を力の複素数データ(振幅,位相)で除すれば,周波数応答関数を得る. この場合は,加速度/力なのでアクセレランスと呼ばれる.周波数応答関 数の各周波数における振幅は,力の振幅を1にした場合の加速度の振幅を, 位相は力の位相を零にした場合の加速度の位相を表す.

2.3.6 関連度関数(Coherence function)

加振実験を繰り返し,平均化する過程における入力スペクトルと出力ス ペクトルの相関係数の2乗であり,周波数領域における実験の信頼性と再 現性を表す.関連度関数は1と零の間の数値で表現され,1に近いほど実 験の信頼性は大きい.

2.4 液注入時の液面現象

(At the time of liquid injection, free surface phenomena)

2.4.1 実験目的(Experimental Purpose)

既往の研究より,ある特定の条件において旋回スロッシングが発生することが分かっているが,液高さの条件については,一定の高さにおける現象であり,研究背景と関連性に欠けるため,一般的な撹拌操作に即した方法である「撹拌流体の注入時における」という条件においても同様の現象が発生するのかを検証することを目的とした.

2.4.2 実験方法・条件(Experimental Methods and Conditions)

本実験に用いた実験装置を Fig2-10 に示す.実験条件を Table 2-2 に示す. バルブには、を、ポンプにはを使用した.流量測定は、2 通りの方法 で行った.1 つ目として、メスシリンダーを使用し、50ml 入るのにかかる 時間を2回測定し、その平均値を流量とした.二つ目として、実験開始時 の液高さと終了時の液高さから体積の増加量を測定し、実験時間で除すこ とにより流量を測定した.本実験では、2 つ目の流量を用いた.尚、この ポンプの吐出流量は、目的外の使用方法なので安定性に不安はあるが、2 通りの流量測定により、安定性の精度を確認したところ、本実験における 精度は満たしていると言えるので、流量一定として実験を行った.

実験の際の注意点としては,以下のことに気をつけた.

- ・チューブの吐出口の位置ヘッドを流量測定時,実験時ともに同一と する.
- ・2 つ目の流量測定において, 翼の体積分を除くことを忘れない.





| | a) 6-blade impelier |
|---|--------------------------|
| <i>D</i> [mm] | 200 |
| $d_{\rm p}$ [mm] | 100 |
| $H_{\rm L}$ [mm] | 85- |
| $H_{\rm p}$ [mm] | 90 |
| $n [s^{-1}(rpm)]$ | 3.33 (200) |
| $n_{\rm p}$ [-] | 6 |
| $Q \times 10^{-7} [\text{m}^{3} \cdot \text{s}^{-1}]$ | 0.50,1.09,1.70,3.34,6.17 |
| | |
| | b) 4-blade impeller |
| <i>D</i> [mm] | 200 |
| $d_{\rm p}$ [mm] | 100 |
| $H_{\rm L}$ [mm] | 85- |
| H _p [mm] | 90 |
| $n [s^{-1}(rpm)]$ | 3.33 (200) |
| <i>n</i> _p [-] | 4 |
| $Q \times 10^{-7} [\text{m}^{3} \cdot \text{s}^{-1}]$ | 060,1.07,1.47,3.62,6.97 |
| | |
| | c) 2-blade impeller |
| <i>D</i> [mm] | 200 |
| $d_{\rm p}$ [mm] | 100 |
| $H_{\rm L}$ [mm] | 85- |
| H_{p} [mm] | 90 |
| $n [s^{-1}(rpm)]$ | 3.33 (200) |
| <i>n</i> _p [-] | 2 |
| $Q \times 10^{-7} [\text{m}^{3} \cdot \text{s}^{-1}]$ | 0.93,1.40,4.49,8.78 |

 Table 2-2 Experimental conditions

 a) 6-blade impeller

2.4.2 実験結果・考察(Experimental Results and Considerations)

旋回スロッシング周波数におよぼす注入流量の影響について検討した 結果を Fig.2-11 に示した.どの翼径においても、撹拌流体の注入流量に よらずほぼ同様の傾向を示すことがわかった。また、液高さ固定時の旋 回スロッシング周波数と比較しても、ほぼ一致している。以上のことか ら旋回スロッシング周波数におよぼす撹拌槽諸元の影響について検討 する上で、液高さを固定して検討を行っても問題はない。



a) 6-blade impeller



b) 4-blade impeller



c) 2-blade impeller Fig2-11 Effect of liquid mass flow on rotary sloshing frequency

2.5 旋回スロッシングに及ぼす撹拌槽諸元の影響

(The influence of operational conditions on the rotary sloshing frequency) 2.5.1 実験目的(Experimental Purpose)

既往の研究と 2.4 の結果から,他の撹拌槽諸元が旋回スロッシング周波 数におよぼす影響についても検討する必要があると考え,槽径,翼径,液 高さを変化させたときの,旋回スロッシング現象およびその周波数に及ぼ す影響について検討することを目的とした.

2.5.2 実験方法・条件(Experimental Methods and Conditions)

実験装置は 2.2 の Fig.2-3 を参照.撹拌槽諸元のうち, 2.2 の Table 2-1 A) に示すように槽径 D, 翼径 d_p , 液高さ H_L , 回転数 n を変化させ, これらが旋 回スロッシング周波数 f_s に及ぼす影響について検討した.なお, 槽底より翼 下端までの高さは, H_L よりも 1mm 低い位置とした. 翼高さは, 軸中心を基 準に取り, 槽底より翼下端までの高さを JIS 規格の定規により測定した. 回転数は 1 分 30 秒間隔で 0.83s⁻¹(50rps)ずつ上昇させた.その時間間隔設 定の詳細は, 0 ~ 30 秒で回転数を合わせ, 30~60 秒で流体の流動を安定さ せ, 60~90 秒で旋回スロッシング周波数の測定とした.この間隔設定の理 由としては,既往の研究より経験的に 10~20 秒で旋回スロッシング現象は 安定することがわかっていることによる.

旋回スロッシング周波数の測定は,振幅の頂点が5周する時間より,平 均の周期を算出し,その逆数を旋回スロッシング周波数とした.

2.5.3 実験結果・考察(Experimental Results and Considerations)

旋回スロッシングにおよぼす撹拌槽諸元の影響を Figure.2-12 に示した . a)は,液高さの影響を示しており,液高さの増加に伴い増加していき,徐々に 一定になっていることがわかった.これは,HLが低い場合には撹拌槽底面が 影響を及ぼすためだと考えられる.b)は,回転数の影響を示しており,回転数 の増加に関係なく一定の値をとることがわかった.これは,翼面から流体に 加わる力がある一定の値を超えると,翼端が流体をせん断するようになり, ある回転数以上においては,翼面から流体に加わる力が一定となるためであ ると考えられる.c)は,槽径の影響を示しており,槽径の増加に伴い旋回スロ ッシング周波数は単調減少していることがわかった.これは,撹拌流体の体 積が増加するためであると考えられる.d)は,翼径の影響を示しており,翼径 の増加に伴い単調増加していることがわかった.これは,翼面と撹拌流体の 接触面積が増加することにより,流体に与える力が大きくなるためであると 考えられる.

ここでは,データ量が膨大であるため,ここではその一例としてのデータの みを示した.なお,残りのデータに関しては,巻末に載せた.







b) Effect of Rotational speed of impeller on rotary sloshing frequency $(D=180, d_p=100)$



c) Effect of diameter of stirred vessel on rotary sloshing frequency $(d_p=75, n=6.67s^{-1})$





2.6 撹拌機の固有振動数(Natural frequency of stirred vessel)

2.6.1 実験目的(Experimental Purpose)

撹拌機の振動は,その固有振動数が大きく関わっている.また,外部からの 励振により共振が発生する際の原因を解明するためには,固有振動数の測定は 必須である.そこで本実験の目的は,旋回スロッシング発生時の撹拌機に発生 する振動現象を解明することとした.

2.6.2 実験方法・条件(Experimental Methods and Conditions)

本実験には,2.3.1,2.3.2,2.3.3 にあるインパクトハンマ,三軸圧電型加速 度計,分析処理器を使用した.実験装置を Fig.2-13 に示した.振動解析シス テムには,キャテック社製の CATSYSTEM を使用した.

撹拌翼の振動は,その固有振動数に影響される.しかし,撹拌翼の固有振動 数は,撹拌翼や軸の形状,材質,軸の保持条件などによっても異なる.そこで まず,撹拌翼を回転させない状態で,撹拌翼と軸,モーター,スタンド等を含 む部分(以下,撹拌機と称す)の固有振動数を測定した.前述の通り,翼の形状, 重さによって固有振動数は異なるため,翼枚数を2,4,6枚と変化させた際の 固有振動数をそれぞれ測定した.実験方法としては加速度計を軸,スタンド, モーターなど計6点(Fig.2-14)に設置し,それぞれの設置位置(Table2-3)におい て,翼を回転させずにインパクトハンマでモーターにx-y面45度方向から衝 撃を与え,その際の加速度応答をデータ処理して撹拌機の周波数応答関数を得 て,固有振動数を算出した.加速度を設置する際には,加速度計の方向を安定 させるために,アルミ合金(A1060)製のアタッチメント(Fig.2-15)を軸,スタ ンドに固定し,その上に加速度計を瞬間接着剤で設置した.



Fig.2-14 Schematic diagram of Stirred vessel



Fig.2-15 Impact point

Table2-3 Impact point

2.6.3 実験結果・考察(Experimental Results and Considerations)

すべての実験条件における固有振動数の測定結果を Table 2-4 に示した.そ の測定結果の一部を Fig.2-16 に示した . 低周波領域における高いピーク値を 示す固有振動数に注目すると, 翼枚数2枚の撹拌機の固有振動数(振動方向, Fig 2-3 参照)は、5.94(y、z)、6.25 (x)、17.34 (x、z)、19.37 (y) Hz、4 枚のときは、 5.78(x,y,z), 6.25(x), 16.71(x), 18.75(y)Hz, 6 枚のときは, 5.78(x,y,z), 6.25(x), 15.9(x, y, z), 17.6(z)Hz であった.

ここでは、データ量が膨大であるため、ここではその一例としてのデータの みを示した.なお,残りのデータに関しては,巻末に載せた.

mode 1 2 3 4 n_p 2 5.94 6.25 17.34 19.37 4 5.78 6.25 16.71 18.75 6 5.78 6.25 15.9 17.6

Table 2-4 Natural frequency, [Hz]



a) 2-blade impeller



b) 4-blade impeller



c) 6-blade impeller Fig.2-16 Natural frequency of stirred vessel

2.7 撹拌機の振動現象

(Vibration phenomena of stirred vessel)

2.7.1 実験目的(Experimental Purpose)

撹拌機に発生する振動現象には、様々な要因による振動が複合的に発生して いるものであり、視覚的な情報だけでは、共振発生時の厳密な条件、要因につ いて定静的な議論しかできない、そこで、この振動現象を数値データとして出 力することで、定量的な分析を行い、振動現象を詳細に解明することを目的と した.

2.7.2 実験方法・条件(Experimental Methods and Conditions)

本実験に使用した装置,条件はFig.2-1,Table 2-1 A)に示した.撹拌槽諸元 として,翼径を変化させて,撹拌翼回転時に撹拌機に発生する振動を,モータ ーに取り付けた三軸圧電型加速度計(2.3.2 参照)から,振動解析システム (2.3.3 参照)を用いて振動加速度の周波数分析を行った.また,撹拌機に発生 する純粋な振動を計測するために,撹拌流体なしの状態での振動解析も行った. その際,翼回転数を1分30秒間隔で,0.83s⁻¹(5rpm)上昇させ,液面現象安定 時の1分~1分30秒の間に振動加速度の周波数分析を行った.間隔設定の詳 細は,2.5.2 参照.それと,同時に撹拌槽側面より旋回スロッシング現象,振 動現象をデジタルビデオカメラで撮影した.その映像から旋回スロッシング周 波数の測定も行った.測定結果はFig.2-17に示した.測定には,振幅の頂点 が5周する時間より,平均の周期を算出し,その逆数を旋回スロッシング 周波数とした. 2.7.3 実験結果・考察(Experimental Results and Considerations)

旋回スロッシング周波数と翼回転数との関係を Fig.2-17 に示した. どの翼 枚数においても旋回スロッシング周波数に差はなく ほぼ 2.3Hz で同様の値を 示した,また,発生し始めは若干低くなっているが,回転数が上昇していく につれ,一定の値になっていることもわかる.以上の結果より,以下の実験 では、この条件における旋回スロッシング周波数を 2.3Hz として考察を行った. 続いて, 撹拌運転時の撹拌機に発生する振動の周波数分析の結果に基づい て,翼回転数,旋回スロッシングに起因する振動現象についての実験結果と そこから得られた知見を示す.まず,流体を用いずに翼を空回転させた場合 における, 撹拌機に発生する振動と翼回転数の関係を Fig2-18 に示した. 撹拌 機に発生する振動のピーク値を示すデータを結んだ直線はすべて原点を通っ ており,翼回転数(傾き=1)を示す直線の実数倍となっていることから,翼 回転に起因する振動であることがわかる.次に,旋回スロッシングが発生し た場合における 撹拌機に発生する振動と翼回転数の関係を Fig.2-19 に示す. それぞれの振動のピーク値を示すデータを結んだ直線を外挿すると、原点を 通るグループ (実線)とある点で交差するグループ (破線)に分類できるこ とがわかった.グループ は Fig 2-18 の結果より, すべて原点を通っているこ とから翼回転に起因する振動であると考えられる.一方,グループの外挿 線が交差する点の振動のピーク値は,旋回スロッシング周波数 f.(=2.3Hz)と一 致している.さらに,グループの直線の傾きは翼枚数の逆数の整数倍にな っていることがわかった.これらのことから,グループ は旋回スロッシン グに起因する振動と考えられ、この振動のピーク値は翼枚数によって変化し、 次式により表すことができることがわかった.

$$f_p = \frac{m}{n_p}(n - f_s) + f_s$$

100

(2-1)

ここで, m は整数である.



Fig.2-17 Relation of rotary sloshing frequency and rotational speed of impeller



(no-liquid)



a) 2-blade impeller



b) 4-blade impeller





第三章 旋回スロッシングのメカニズムの解明 (The equation of rotary sloshing frequency)

3.1 緒言(Introduction)

本章では,パドル翼撹拌槽における旋回スロッシングのメカニズムを解明す るため,前章の結果を元にその発生領域,発生条件を求め,また,スロッシン グ周波数の理論式に基づいて旋回スロッシング周波数と撹拌槽緒元との関係を 横断的に評価することで,その相関関係を具体的な式として導いた.

3.2 旋回スロッシングの発生領域と発生条件

(The conditions for generating rotary sloshing)

旋回スロッシングの発生領域の測定結果の一例として,6枚パドル翼を槽底から翼下端までの高さが99mmの位置に設置し,液高さと翼回転数を変化させた場合における撹拌液の運動状態の観察結果をFig.3-1に示す.液面が撹拌翼下端に触れた直後から旋回スロッシングが発生し,翼上端付近まで継続することがわかった.そして,それ以上の液高さになると,旋回スロッシングからボルテックスへ遷移している.以下の実験において液高さを変化させた実験では,翼高さ,すなわち槽底より翼下端までの高さは,すべて液高さよりも1mm低い位置とした.

旋回スロッシングが発生する回転数について検討するため,液高さを変化させた場合の,翼回転数と旋回スロッシング周波数との関係を Fig.3-2 に示す.旋回スロッシングが発生するとその周波数は,発生した直後の翼回転数では多少低いものの,翼回転数が増加するに従って,ほぼ一定となっており,旋回スロッシングが発生するのは,翼回転数が旋回スロッシング周波数以上の領域であることがわかった.

3.3 旋回スロッシングに及ぼす諸元の影響評価

(The influence of operational conditions on the rotary sloshing frequency) 旋回スロッシング周波数 f_s に及ぼす液高さ H_L/D の影響を Fig.3-3 に示す . f_s は H_L/D の増加に伴い増加するが H_L/D が約 0.5 以上ではほぼ一定となっている . これは H_L が低い場合には撹拌槽底面が影響を及ぼすためと考えられる .また , f_s に及ぼす翼径 d_p/D の影響を Fig.3-4 に示す f_s は d_p/D に比例して増加しており , これは翼径の増加に伴い , 流体と翼面との接触面積が増加し , それにより流体 に加わる力が増加するためと考えられる .



Fig.3-1 Rotary sloshing area in stirred vessel (D=200mm, $d_p=100$ mm, $n_p=6$, $b_w=11$ mm)



Fig.3-2 Relation of rotary sloshing frequency and rotational speed of impeller to generate rotary sloshing



Fig.3-3 Effect of liquid height on rotary sloshing frequency $(n_p=6,b_w=11\text{mm})$



Fig.3-4 Effect of diameter of impeller on rotary sloshing frequency $(n_p=6,b_w=11 \text{ mm})$

3.4 相関式の導出

(Deriving the equation of rotary sloshing frequency)

以上の結果より,旋回スロッシング周波数に及ぼす撹拌槽諸元を考慮した相 関式を導くことを目的とし,以下のように導出した.

まず,千田らは,石油タンクなどの円筒形容器が地震動などの外部加振を受けたときに発生するスロッシングについて研究報告を行っており,その中で, 円筒形容器が液面と水平加振を受けた場合のスロッシング周波数 f を次式により求めている.

$$f = \frac{1}{2\pi} \left[(3.68 \, g \, / \, D) \tanh \left(3.68 \, H_L \, / \, D \right) \right]^{0.5}$$

Fig.3-3には上式により求めた *f* の計算値を破線にて示す .*f* は *f*_s とほぼ同様の 傾向を示しているが実験値 *f*_s よりも小さい.また , *d*_p/D が大きくなるに従い *f* と *f*_s の差は大きくなっていることがわかる . これは , Eq.(3-1)には撹拌翼の影響 の項が含まれていないことによるものと考えられ , 撹拌翼を有する撹拌槽の旋 回スロッシング周波数には翼から伝わる力が影響を与えているものと考えられ る .Figs.3-3 と 3-4 から ,同一の *d*_p/D において *f*_s と Eq.(3-1)との差は *H*_L/D によら ずにほぼ一定であり ,また *d*_p/D に比例して増加している .このことから Eq.(3-1) と全ての実験データに基づき , 旋回スロッシングが発生する領域である 0.31 *d*_p/D 0.75 および 0.1 *H*_L/D 0.7 の範囲において , 旋回スロッシング周波数 *f*_s を次式のように修正した .

$$f_s = \frac{1}{2\pi} \left[(3.68g/D) \tanh(3.68H_L/D) \right]^{0.5} \times \left[0.7 \left(\frac{d_p}{D} \right) + 0.8 \right]$$

(3-2)

(3-1)

Eq.(3-2) より求めた fs の計算値を Fig.3-3 および Fig.3-4 中に示す.実験結果と 良い一致を示していることがわかる.また,すべての実験条件に対して,実験 値と Eq.(3-2)の比較を行った結果を Fig.3-5 に示す.ほぼすべての実験条件に対 して実験値と±8%以内で,良い一致を示すことがわかった.このことからも Eq.(3-2)の相関式は非常に信頼性が高いと言える.また,一般的な撹拌槽で発生 する旋回スロッシングについてのメカニズム解明の足がかりをつかむにふさわ しい結果を得ることができたと言える.



Fig.3-5 Comparison with calculated and experimental results

第四章 撹拌機の共振現象

(Resonance phenomena in a stirred vessel)

4.1 緒言(Introduction)

撹拌翼を有する撹拌装置は、回転機械であるがゆえに、撹拌槽の固有振動数 とモーターの回転数が一致すると、装置が共振により大きく振動する、撹拌翼 の振動により撹拌槽に損傷が発生する場合があるという報告もある.このため、 撹拌槽の設計・操作条件としては、あらかじめ撹拌槽の固有振動数を求めてお き、その固有振動数と共振を起こさない回転数で翼を回転させることが重要で あり、撹拌機の設計や安全な運転を行う際に重要な動的要素として考慮されて いるが、旋回スロッシングが発生した場合の撹拌槽との共振現象についての研 究は未知な部分が多く、運転の際の新たな危険因子として検討の必要がある.

そこで本章では, 撹拌装置の固有振動数を測定結果と旋回スロッシング発生 時の撹拌装置の振動加速度の周波数解析から, 旋回スロッシングが及ぼす撹拌 槽の共振現象への影響について検討した.

4.2 撹拌機の共振現象

(Resonance phenomena in a stirred vessel)

ー般に撹拌翼回転時に撹拌機に発生する共振現象としては,翼回転に起因する振動と撹拌機の固有振動数が一致することによるものがある.撹拌運転時に旋回スロッシングが発生した場合には,前章の結果から,これ以外にも液面の振動現象である旋回スロッシングに起因する振動が発生することがわかった.このことから,旋回スロッシングに起因する振動によって撹拌機が共振現象を起こす可能性がある.そこで,旋回スロッシングに起因する振動である Eq.(2-1)の f_p と撹拌機の固有振動数 f_n が一致するときの撹拌機の振動のスペクトル分布を確認した.その詳細としては,6枚翼の場合(Fig.4-1 a)),17.7Hz に z 方向に大きな振動のピークが,4 枚翼の場合(Fig.4-1 b)),18.8Hz の z 方向に大きなピークが,2 枚翼の場合(Fig.4-1 c)),17.3Hz の z 方向に大きなピークができた.以上のことから,それぞれの翼枚数において共振していることがわかった.さらに,他の固有振動数と一致する f_n においても同様の共振が確認できた.



a) 6-blade impeller ($f_n = 17.7$ Hz , $f_s=2.3$ Hz , $n_p=6$, m=36 , n=4.92s⁻¹)









第五章 結論(Conclusion)

5.1 結論(Conclusion)

本研究では, 撹拌軸の折損メカニズム, そして撹拌機の振動メカニズムを解 明することを目的とし, 旋回スロッシングに及ぼす撹拌槽諸元の影響, 旋回ス ロッシング発生時の共振現象について検討した結果を以下にまとめた.

1.旋回スロッシングの発生領域とその条件

(The conditions for generating rotary sloshing)

発生領域: 撹拌流体を注入していく際, 液面が撹拌翼下端に触れた直後より 翼上端付近までで発生する. それ以上の液高さでは, 旋回スロッ シングからボルテックスに遷移していくことがわかった. 発生の条件: 翼回転数が旋回スロッシング周波数以上の領域において発生

2. 旋回スロッシング周波数に及ぼす撹拌槽諸元の影響

(The influence of operational conditions on the rotary sloshing frequency) 槽径の影響:槽径の増加に伴い単調減少する.

翼径の影響:翼径の増加に伴い単調増加する.

液高さの影響:液高さの増加に伴い増加していき,徐々に一定になる. 回転数の影響:回転数の増加に関係なく一定の値をとる.

以上の結果と円筒形容器が外部加振を受けたときのスロッシング周波数 f を修正することにより,旋回スロッシング周波数 f の相関式を導出した.

$$f_s = \frac{1}{2\pi} [(3.68g/D) \tanh(3.68H_L/D)]^{0.5} \times [0.7(d_p/D) + 0.8]_{(1)}$$

3.旋回スロッシングに起因する振動

(The vibration induced by rotary sloshing)

旋回スロッシング発生時には,旋回スロッシングに起因する振動が発生し,この振動が固有振動数と共振現象を起こすことがわかった.また,その振動についての実験式を導出した.

$$f_p = \frac{m}{n_p} (n - f_s) + f_s \tag{2}$$

5.2 撹拌機の操作指針

旋回スロッシングは一般的な撹拌の操作条件を検討する際には,重要な検討 事項であり,また,様々な問題を引き起こす可能性がある.そこで,既往の研 究により提案された安全な操作指針に新たな事項を加えた指針を立てることが できた.

操作指針

1) 撹拌操作を軸の折損につながる共振現象が起こらないように, 撹拌翼が十 分撹拌流体に浸るまで,液面揺動が起こり始める回転数より低い回転数で運 転し, 翼が流体に十分浸ってから回転数を上げていくことが必要である(1).

2)旋回スロッシングの発生がやむ終えない操作を行う際には,撹拌翼の固有 振動数を事前に測定し,式(1),(2)より旋回スロッシング周波数,共振現象 の発生する危険回転数を事前に予測し,その危険回転数付近での撹拌機の運 転を避けることが重要である.

以上

使用記号

| $b_{\rm w}$ = width of impeller blade | [m] |
|--|--------------------|
| D = diameter of stirred vessel | [m] |
| $d_{\rm p}$ = diameter of impeller | [m] |
| f = sloshing frequency | $[s^{-1}]$ |
| $f_{\rm n}$ = natural frequency of stirred vessel | $[s^{-1}]$ |
| $f_{\rm p}$ = peak value of vibration for stirred vessel | $[s^{-1}]$ |
| $f_{\rm s}$ = rotary sloshing frequency | [s ⁻¹] |
| g = gravity | $[m \cdot s^{-2}]$ |
| $H_{\rm L} =$ liquid high | [m] |
| m = integral number | [-] |
| n = rotational speed of impeller | $[s^{-1}]$ |
| $n_{\rm p}$ = number of impeller blade | [-] |

参考文献

1)化学工学会:ミキシング技術,槇書店,pp1

- 2)高薄一弘: 撹拌・混合におけるトラブル発生要因と防止対策, 技術情報協 3)佐竹化学機械工業株式会社: 攪拌技術, 佐竹化学機械工業株式会社, 1992
- 4)Strohmeier, K. and R. Holzl: Vibration damage to a Bio-Reactor, Chem.Eng.Technol, Vol.21, pp365-367, 1998
- 5)本間大士:法政大学大学院工学研究科機械工学専攻修士論文,2004
- 6)青木株式会社: 撹拌機講座, 2004, 2005
- 7) 長松昭男:モード解析入門,コロナ社, pp229-338, 1993
- 8)橋本弘之:液体スロッシング問題の現状,日本機械学会誌,Vol.48,pp512-517, 1986
- 9)Kato,Y. et al. : Improvement of Particle Dispersion in a Shaking Vessel with Current Pole , J.Chem.Eng.Japan , Vol.29 , pp697-701 , 1996
- 10)Kato,Y. et al. : Measurement of Mass Transfer Rate from Free Surface in Shaking Vessel Type Bioreacter , J.Chem.Eng.Japan , Vol.30 , pp362-365 , 1997
- 11)Kato,Y. et al. : Mixing Performance of a Reciprocally Shaking Vesse , J.Chem.Eng.Japan , Vol.36 , pp663-667 , 2003
- 12)Kato,Y. et al. : Solid-Liquid Mass Transfer and Critical Frequency for Complete Suspension in a Shaking Vessel , J.Chem.Eng.Japan , Vol.36 , pp1410-1414 , 2003
- 13)木村康治ら: 定常回転する円筒容器内の液面揺動の固有振動数(楕円形振動 モード), Vol.60, pp374-379, 1994
- 14)高原弘樹ら:ピッチング励振を受ける円筒容器内液面の周波数応答解析,日本機械学会論文集(C編), Vol.60, pp1210-1216, 1994
- 15)Su,T.C. and Y.Wang; "Numerical Simulation of Three-Dimensional Large Amplitude Liquid Sloshing in Cylindrical Tanks Subjected to Arbitrary Excitations," A.S.M.E.PVP, Vol.191, pp 127-148, 1990
- 16)設樂守良ら: 円筒容器内気液二相噴流の旋回現象の発生条件,鉄と鋼, Vol.90, pp345-350, 2004
- 17)Iguchi,M. et al.: The Swirl Motion of Vertical Bubbling Jet in a Cylindrical Vessel, ISIJ.Int, Vol.33, pp1037-1044, 1993
- 18)Yoshida,J. et al. : posal of novel Agitation Method Using Swirl Motion of Molten Metal Jet , ISIJ.Int , Vol.43 , pp1890-1896 , 2003
- 19)Senda,K. and K.Nagasawa : On the vibration of an Elevated water Tank □ , Tech.Rep.of Osaka Univ , Vol.117 , pp247-264 , 1954

謝辞

本研究を行うに際し、適切なご助言ならびに誠意あるご指導を賜りました法 政大学工学部機械工学科 新井 和吉 教授に厚く御礼申し上げます。

また,振動計測装置(貸与許可)、三軸圧電型加速度計(寄付)および有益な討議 をして頂いた同大学工学部機械工学科 長松 昭男 教授に心より感謝いたし ます.

さらに、貴重なご指導、ご助言などを賜りました同大学工学部機械工学科助 手 岩原 光男 先生に深く感謝の意を表します。

また、ご多忙中、本研究の実験等、終始懇切なるご協力を賜りました、同大 学工学研究科機械工学専攻 長松研究室 修士1年後藤 裕太氏に心より御礼申 し上げます。

そして、共同研究者として研究および有益な討論をして頂いた本学大学院工 学研究科 機械工学専攻 修士課程 1 年 伴 康隆氏、本学機械工学科 4 年 村井 伸太郎氏、八尋 正人氏に深く感謝するとともに、心より御礼申し上げま す。

最後になりましたが、共に新井研究室で研究を行い、有益な討論、そして多 大なご協力を頂きました本学大学院工学研究科機械工学専攻 修士課程 2 年 岸本 武亮氏、小林 良江女史、中神 正智氏、原 彩水女史、福澤 直也氏、同課 程1年小山 修人氏、野中 雅浩氏、美濃輪 秀明氏に心よりお礼申し上げます。